

IN 101 - Cours 03

28 septembre 2011



présenté par

Matthieu Finiasz

Les fonctions en C

IN101 - 2011-2012

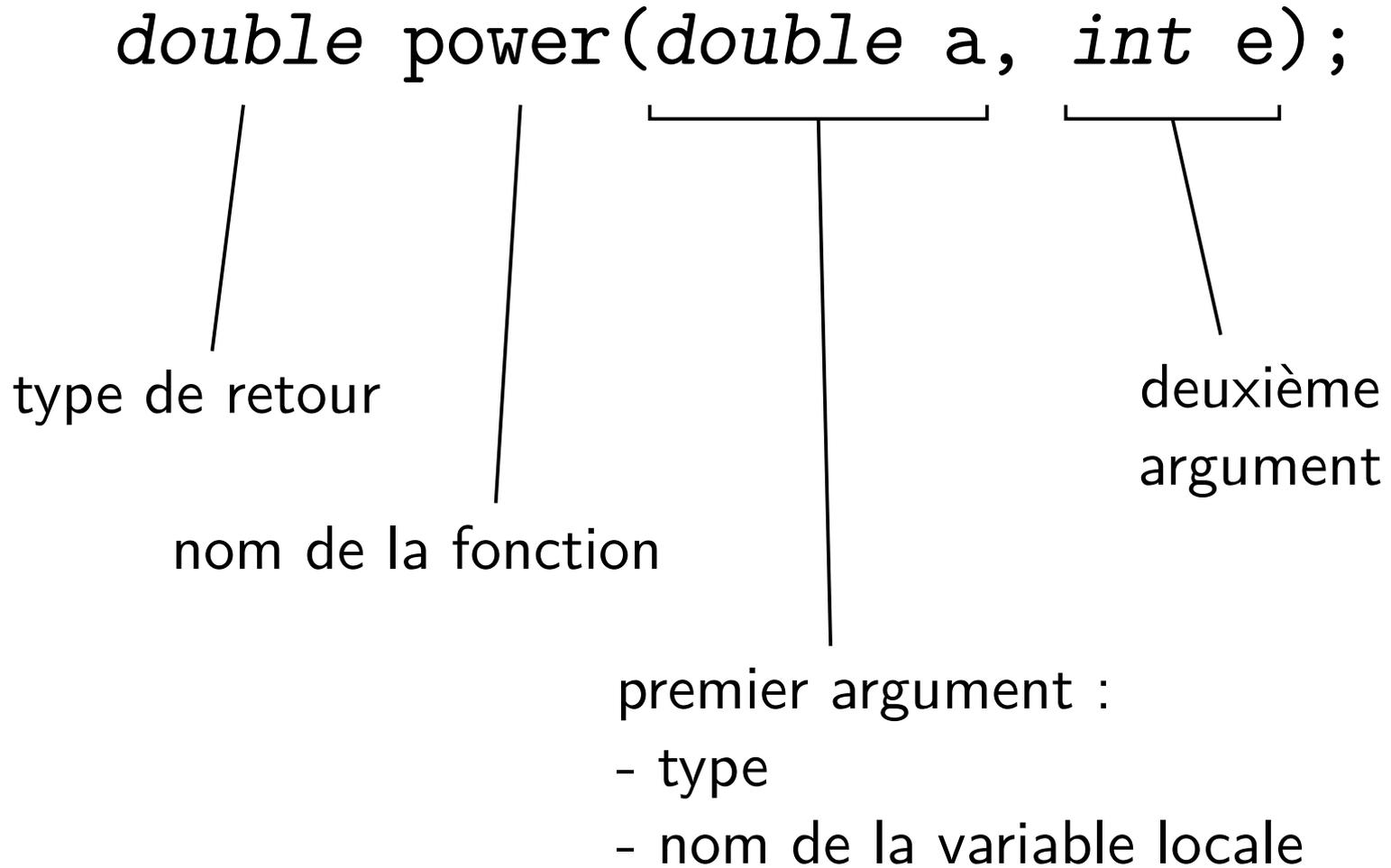
- ✘ Une fonction est **un segment de code** que l'on peut appeler (par exemple depuis le `main`) pour effectuer une tâche spécifique :
 - ✘ permet d'effectuer plusieurs fois la même opération sans avoir à réécrire le code.
- ✘ Nous avons déjà vu des fonctions :
 - ✘ `printf` pour afficher des choses,
 - ✘ `atoi` pour parser un entier,
 - ✘ `malloc` pour allouer de la mémoire,
 - ✘ le `main` est aussi une fonction, mais un peu spéciale.
- ✘ Comme l'indiquent les exemples ci-dessus :
 - ✘ une fonction peut avoir des **arguments**,
 - ✘ elle peut aussi **retourner** une valeur.

- ✘ Une fonction possède deux parties :
 - ✘ un prototype (ou signature/en-tête) : c'est ce qui est vu de l'extérieur
 - par exemple : `int atoi(char a[]);`
 - ✘ un corps : c'est le code de la fonction
 - l'ensemble des instructions à effectuer quand on l'appelle.

- ✘ Il suffit de connaître le prototype de la fonction pour l'utiliser :
 - ✘ indique le nom de la fonction,
 - ✘ indique quels sont les arguments à donner,
 - ✘ indique le type de ce qu'elle renvoie quand on l'évalue.

- ✘ Si vous utilisez une librairie en C, le manuel indiquera le prototype des fonctions et ce qu'elles font, pas le code.

Exemple de prototype de fonction



- ✘ Comme pour les variables, on peut juste **déclarer** une fonction en donnant son prototype :

```
1 double power(double a, int e);
```

- ✘ Où on peut la définir complètement en donnant son code :

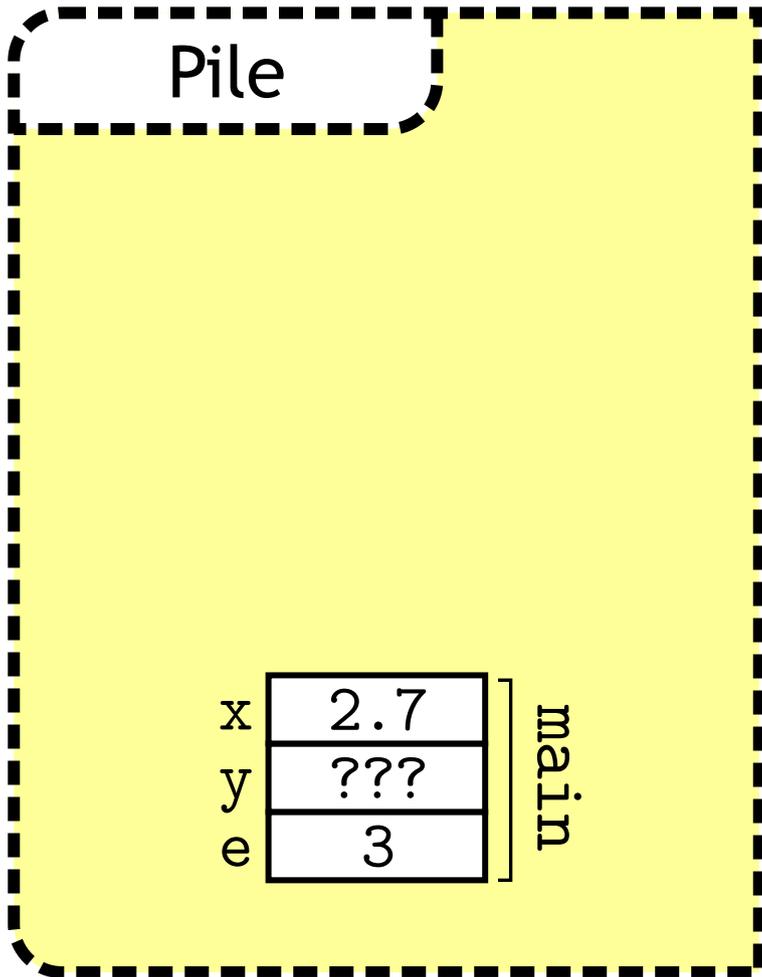
```
1 double power(double a, int e) {  
2     int i;  
3     double res = 1;  
4     for (i=0; i<e; i++) {  
5         res *= a;  
6     }  
7     return res;  
8 }
```

- ✘ Une fois qu'une fonction est **déclarée** on peut l'appeler
 - ⚠ il faudra que la définition complète soit aussi donnée.

- ✘ Lors de l'appel, il se passe les choses suivantes :
 - ✘ de la mémoire est réservée **dans la pile** pour l'exécution
 - variables locales (et arguments), adresse de retour
 - ✘ les arguments de la fonction sont évalués,
 - ✘ les valeurs des arguments sont **recopiées** dans les variables locales,
 - ✘ le code de la fonction est exécuté,
 - ✘ l'appel à la fonction est "remplacé" par sa valeur de retour.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape

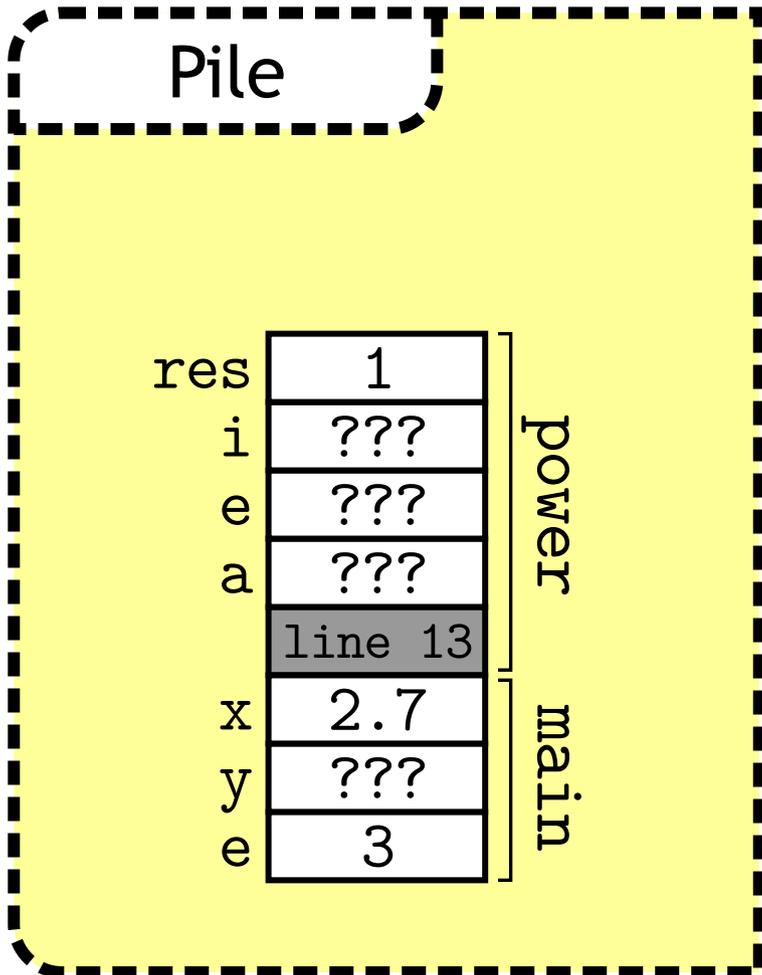


```
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }
```

✘ Début du main, les variables locales sont initialisées.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     ► y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

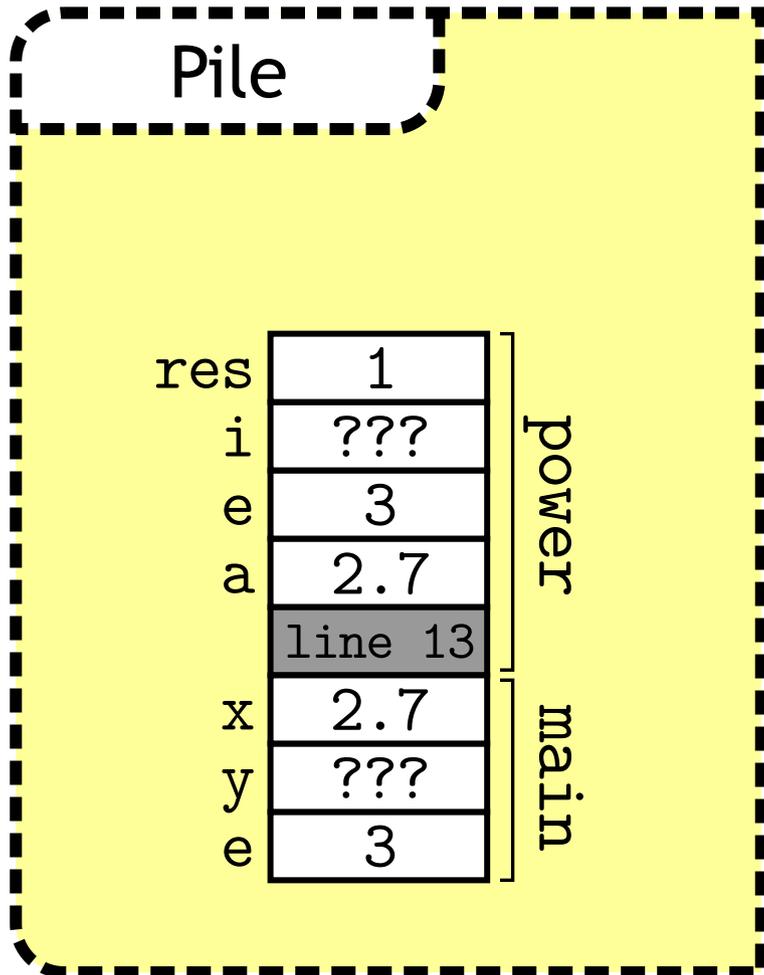
```

✘ Appel à la fonction power :

- ✘ on note l'adresse de retour,
- ✘ on reserve la mémoire des variables locales.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

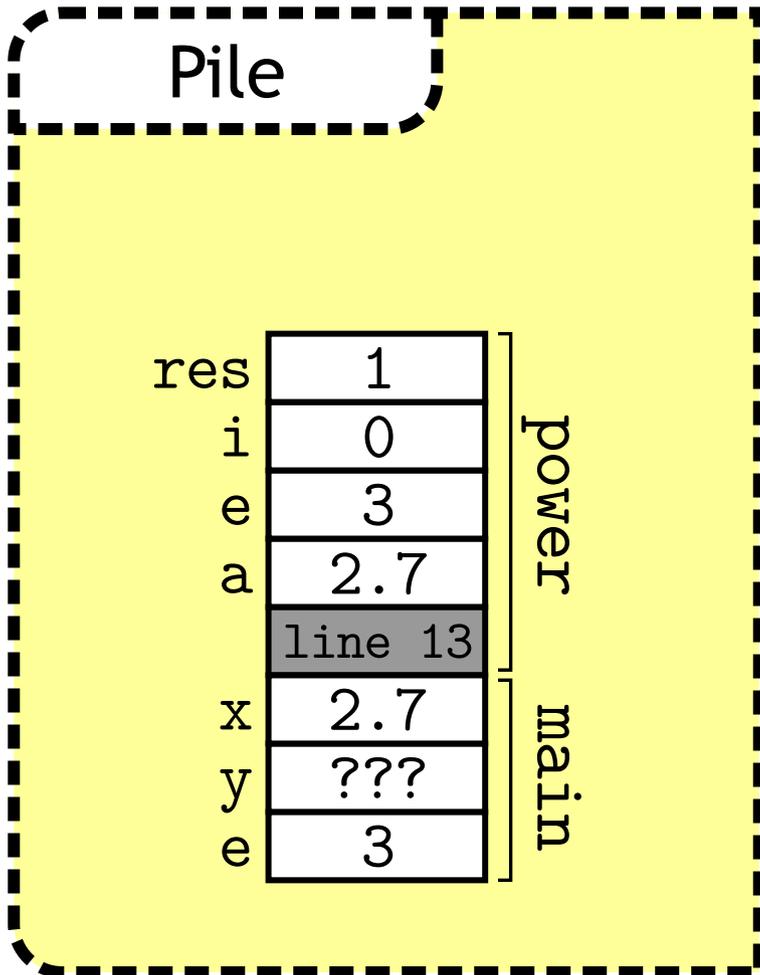
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ On évalue les arguments et on les recopie.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

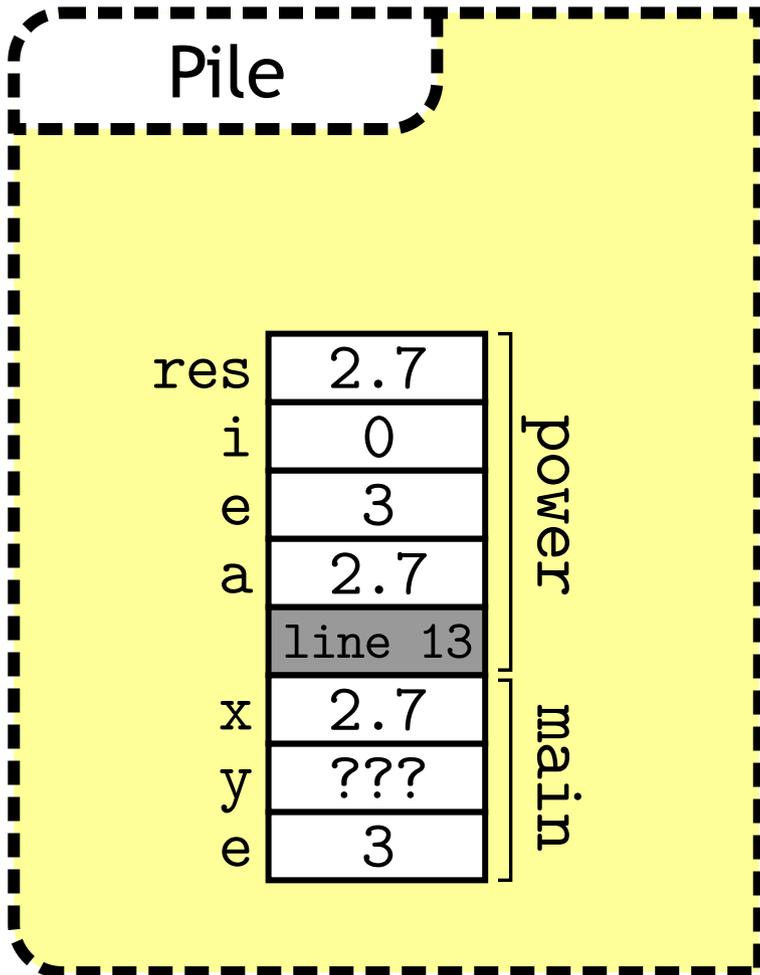
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     ► for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ Début de la boucle for, $i=0$.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

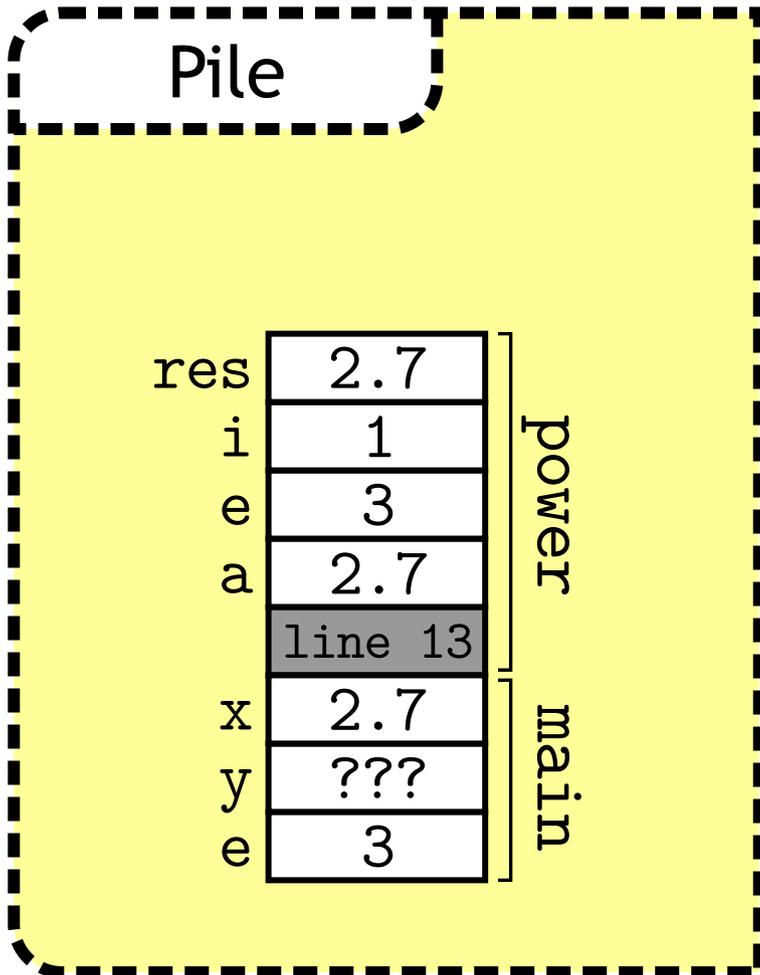
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         ► res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ On met à jour res.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

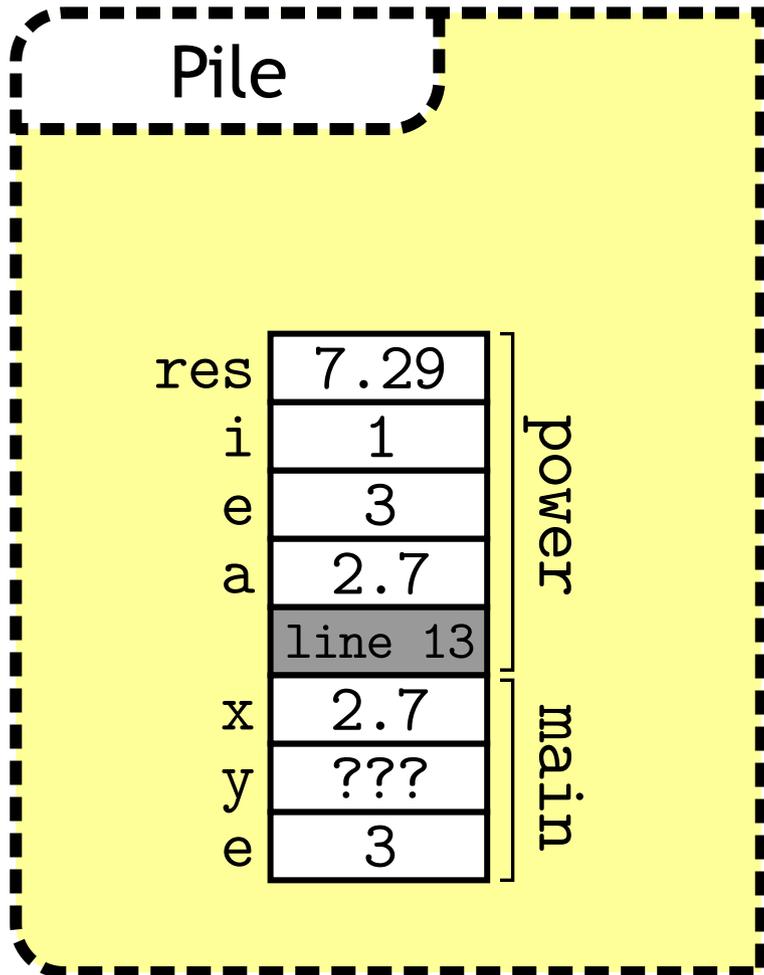
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     ► for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ On incrément *i*.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

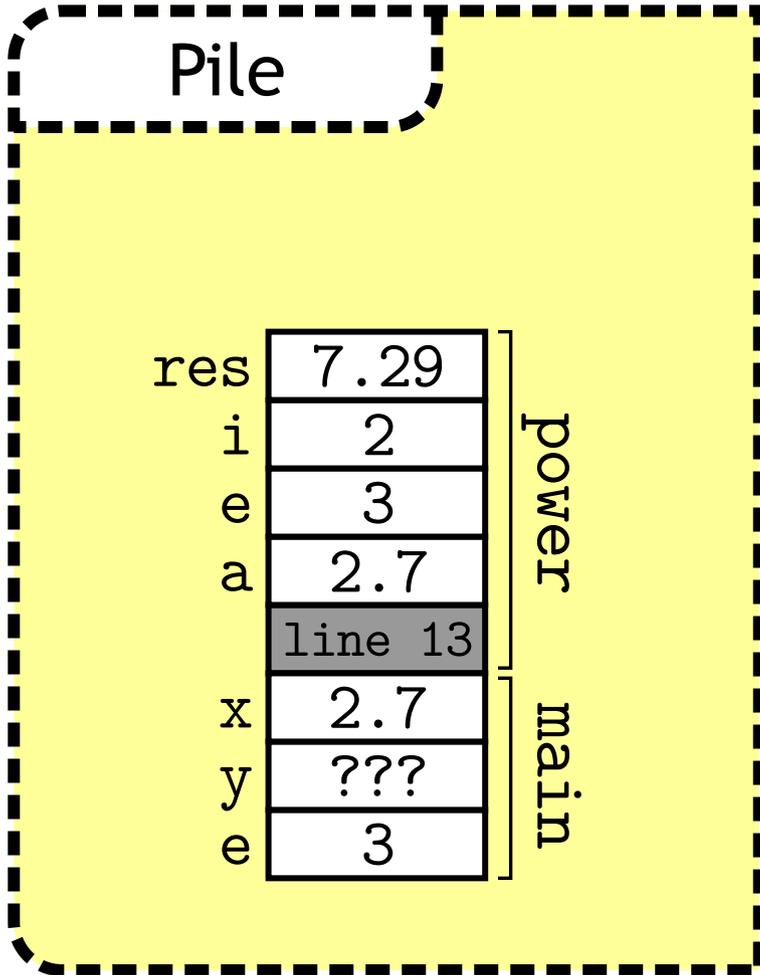
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         ► res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ Et on continue la boucle for...

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



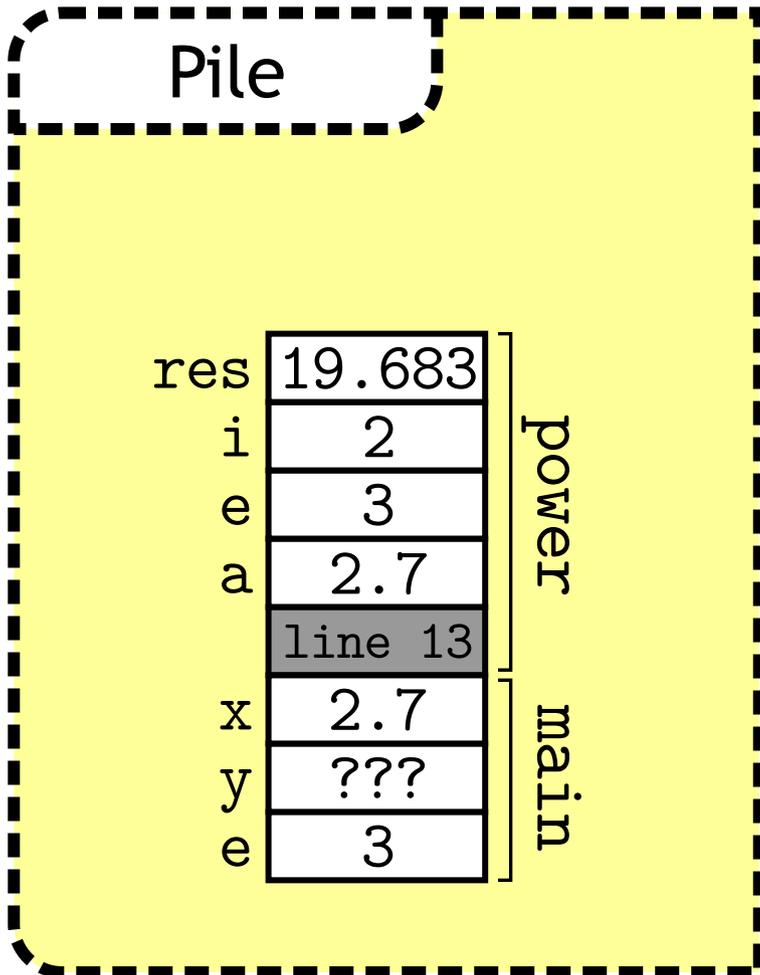
```

1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     ► for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



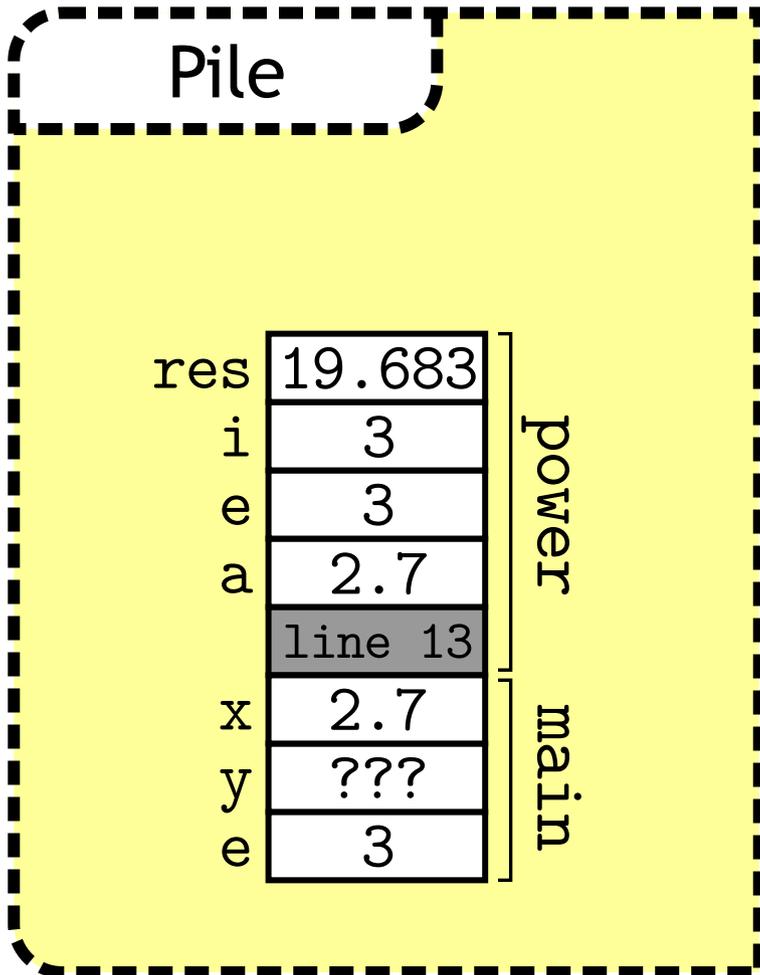
```

1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         ► res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     ► for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

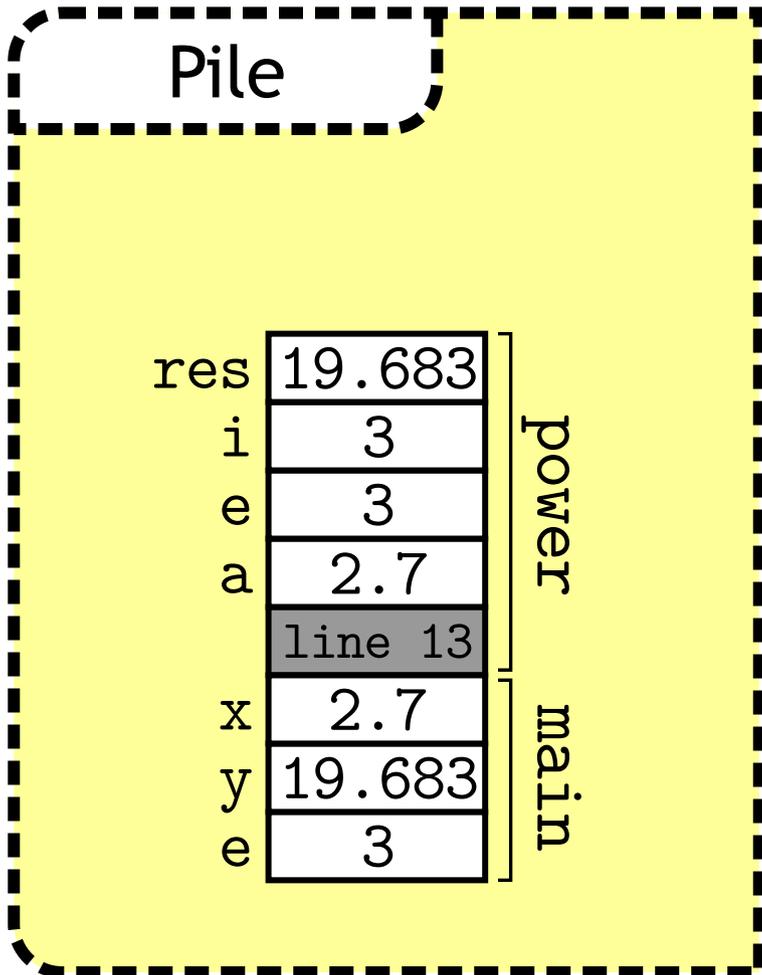
```

✘ Le test $i < e$ est faux

→ fin de la boucle for.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

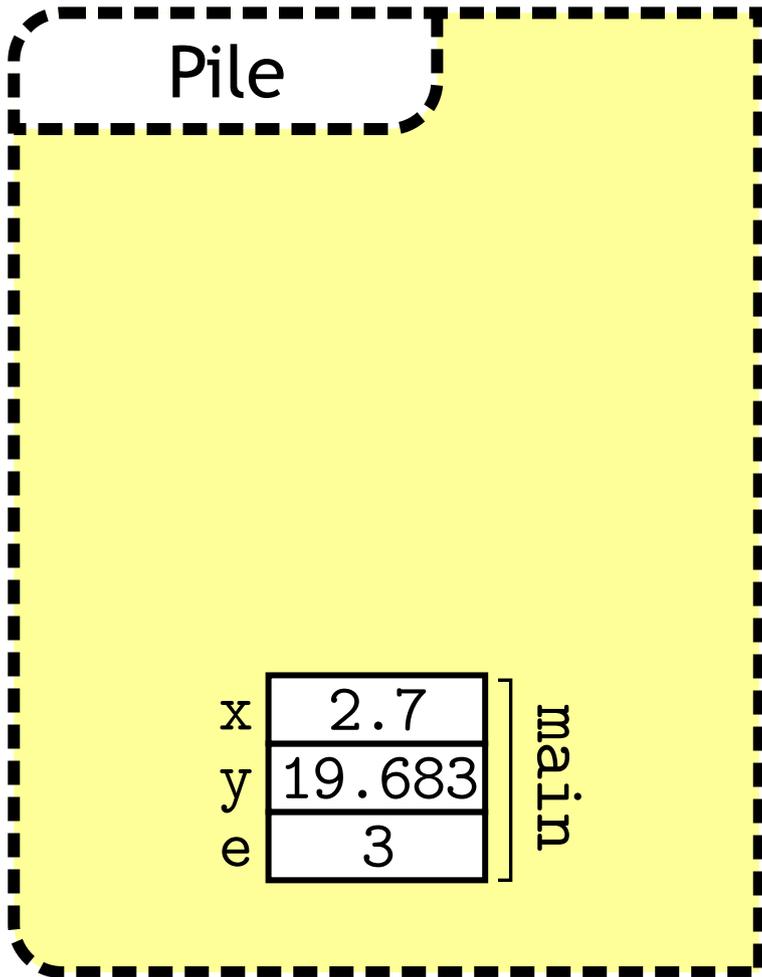
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     ► return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

- ✘ On retourne à l'adresse de retour
→ res est copié dans y.

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

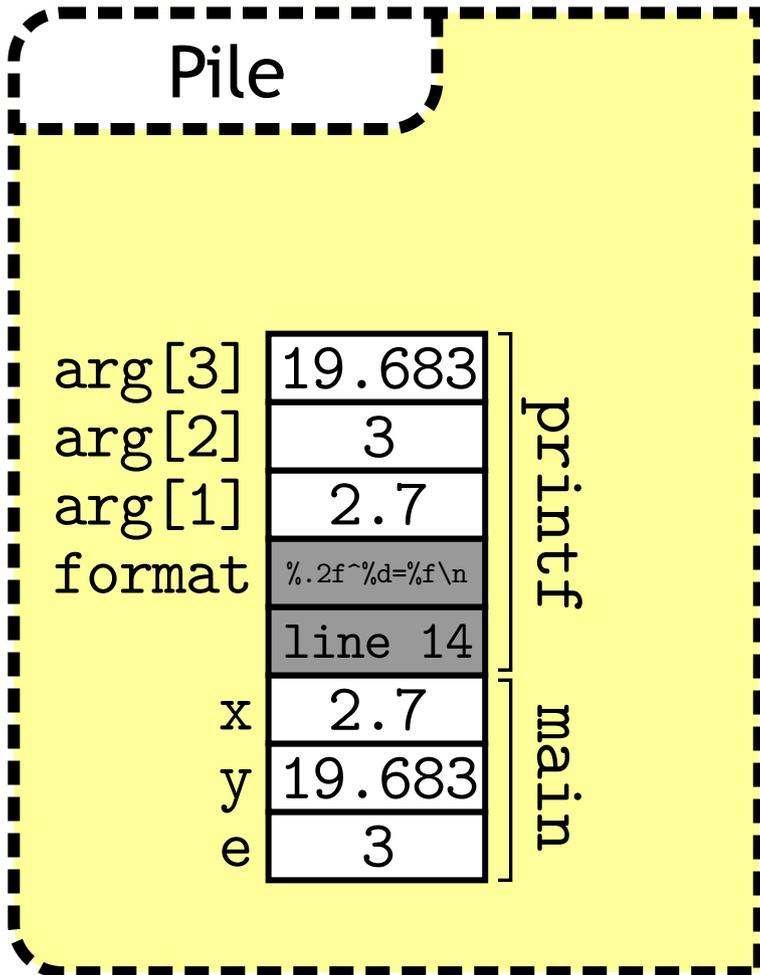
1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     ► y = power(x,e);
14     printf("%.2f^%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ Libération de la mémoire de la fonction power

Déroulement d'un appel de fonction

Étape par étape



```

1 double power(double a, int e) {
2     int i;
3     double res = 1;
4     for (i=0; i<e; i++) {
5         res *= a;
6     }
7     return res;
8 }
9
10 int main() {
11     int e = 3;
12     double y, x=2.7;
13     y = power(x,e);
14     ► printf("%.2f~%d = %f\n",x,e,y);
15 }

```

✘ Appel de printf.

- ✘ Les variables globales sont déclarées **en dehors d'une fonction**
 - ✘ elles sont accessibles/modifiables depuis n'importe où.
- ✘ Les variables locales sont propres à chaque fonction :
 - ✘ la fonction `power` ne peut lire/modifier les variables du `main`,
 - ✘ plusieurs variables locales peuvent avoir le même nom (dans des fonctions différentes) sans conflit,
 - ✘ si une variable locale a le même nom qu'une variable globale, seule la variable locale est visible,
 - à éviter en général...
 - ✘ tout ce qui est stocké dans des variables locales est supprimé à la fin de la fonction, quand la mémoire est libérée.
 - Il faut renvoyer le résultat avec `return`, ou écrire ailleurs dans la mémoire (dans le tas, par exemple).

- ✘ Une fonction avec un type de retour doit toujours terminer son exécution par un `return`, sinon le compilateur affiche une erreur.
- ✘ Certaines fonctions n'ont pas besoin de renvoyer quelque chose :
 - ✘ leur type de retour est alors *void*,
 - ✘ elles peuvent quand même utiliser `return`, mais sans argument :

```
1 void print_string (char str[]) {
2     int i = 0;
3     while (1) {                // boucle infinie
4         if (str[i] == '\0') {  // test de fin de chaîne
5             return;           // on quitte la fonction
6         }
7         printf("%c", str[i]);  // on affiche une caractère
8         i++;
9     }
10 }
```

- ✘ Le `return` permet d'interrompre l'exécution de la fonction.

Utilisation de fonctions sans valeur de retour

```
1 double power(double a, int e);
2 void print_string(char str[]);
3
4 int main() {
5     double y;
6     y = power(2.7,3);    // le résultat est stocké dans y
7     power(3.5,12);     // le résultat du calcul est perdu
8     print_string("Hello World!");
9     y = print_string("Hello World!"); // erreur !
10 }
```

- ✘ On peut ne pas utiliser la valeur retournée par une fonction :
 - ✘ par exemple, `printf` retourne le nombre de caractères écrits.
- ✘ Une fonction `void` doit en revanche toujours être utilisée seule.

Fonctions récursives

IN101 - 2011-2012

Qu'est-ce qu'une fonction récursive ?

- ✘ Certains calculs s'écrivent naturellement de façon récursive,
 - ✘ par exemple, le calcul du n-ième terme d'une suite récurrente :

$$\begin{cases} U_n = f(U_{n-1}), \\ U_0 = u_0. \end{cases}$$

- ✘ Cela se programme avec des fonctions qui **s'appellent elles-mêmes**
 - ✘ c'est ce que l'on appelle des fonctions récursives.

```
1 #define UZERO 1
2 int U(int n) {
3     if (n == 0) {
4         return UZERO;
5     }
6     return f(U(n-1));
7 }
```

- ✘ En C, une fonction récursive s'écrit comme une fonction normale
 - ✘ l'appel à elle-même se fait comme n'importe quel appel de fonction.

- ✘ En revanche, il faut une **condition d'arrêt** :
 - ✘ une valeur d'entrée pour laquelle il n'y a pas d'appel récursif,
 - ✘ les appels récursifs doivent **toujours l'atteindre** à un moment
 - sinon, le programme ne termine pas.
 - ✘ en général, une fonction récursive commence par un test
 - si la condition d'arrêt est atteinte, return.

- ✘ Pour une suite récurrente, la condition d'arrêt correspond aux conditions initiales.

- ✘ Un calcul de puissance peut aussi s'écrire de façon récursive :

$$\begin{cases} a^e = a \times a^{e-1}, \\ a^0 = 1. \end{cases}$$

- ✘ L'exposant e décroît de 1 à chaque appel
→ il converge donc bien vers 0.

```
1 double power_rec(double a, unsigned int e) {
2     if (e == 0) {
3         return 1;
4     }
5     return a * power_rec(a, e-1);
6 }
```

```
power_rec(a,5);
```

```
└─> power_rec(a,4);
```

```
└─> power_rec(a,3);
```

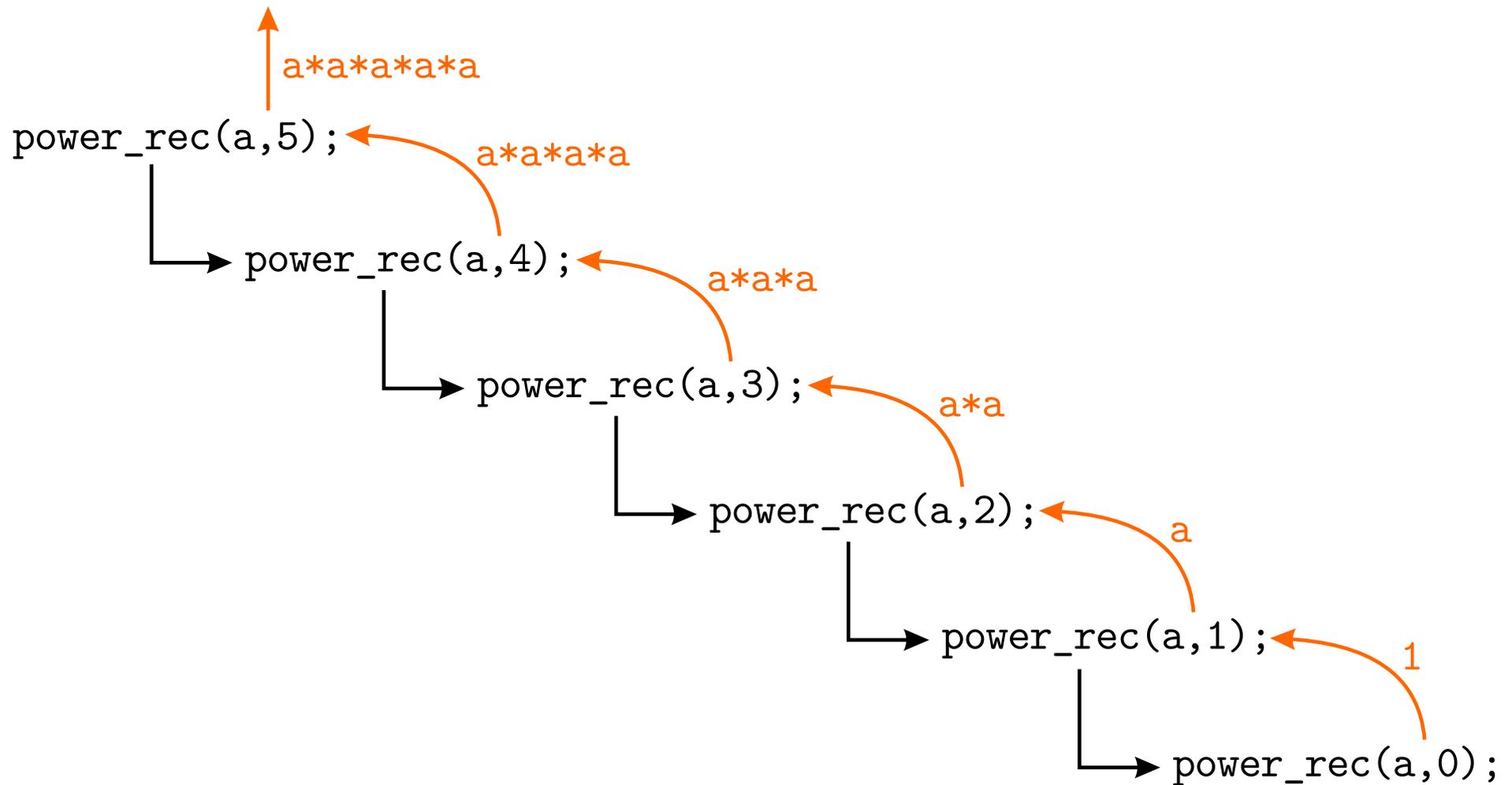
```
└─> power_rec(a,2);
```

```
└─> power_rec(a,1);
```

```
└─> power_rec(a,0);
```

Exemple : le calcul de puissance

Version récursive simple



✘ On peut aussi utiliser la récurrence pair/impair suivante :

$$\begin{cases} a^{2e} = a^e \times a^e, \\ a^{2e+1} = a \times a^{2e}, \\ a^1 = a. \end{cases}$$

```
1 double power_rec2(double a, unsigned int e) {
2     double tmp;
3     if (e == 1) {
4         return a;
5     }
6     if (e%2 == 0) {
7         tmp = power_rec2(a,e/2);
8         return tmp*tmp;
9     }
10    return a * power_rec2(a,e-1);
11 }
```

```
power_rec2(a,13);
```

```
└─> power_rec2(a,12);
```

```
└─> power_rec2(a,6);
```

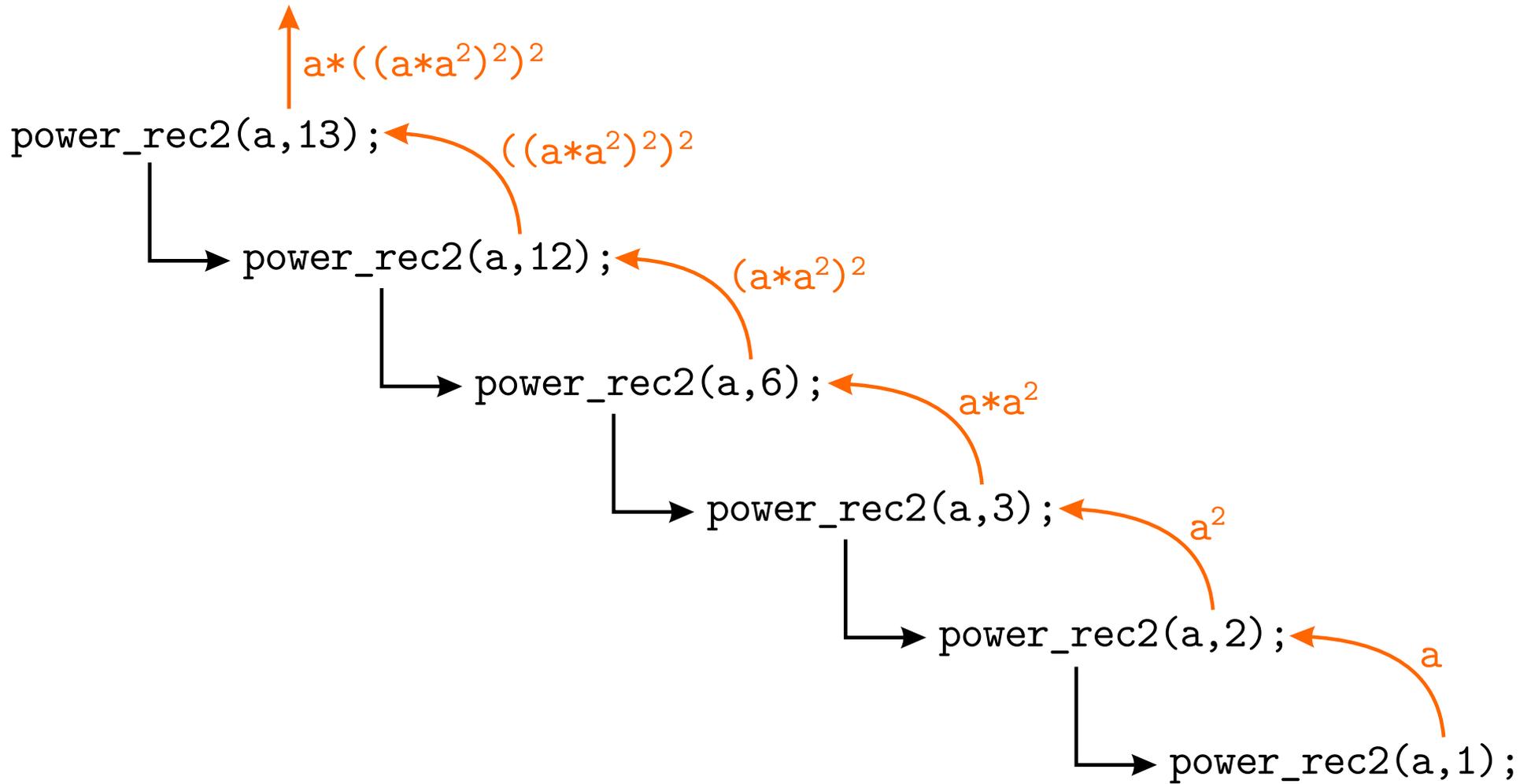
```
└─> power_rec2(a,3);
```

```
└─> power_rec2(a,2);
```

```
└─> power_rec2(a,1);
```

Exemple : le calcul de puissance

Square and multiply



- ✘ Une fonction récursive peut aussi faire plusieurs appels récursifs
 - ✘ pour une suite récurrente double,
 - ✘ dans les algorithmes de tri (*cf.* cours 05).

- ✘ Cela se passe comme des appels de fonctions normaux :
 - ✘ on entre dans le premier appel récursif,
 - ✘ éventuellement, on a d'autres appels récursifs,
 - ✘ quand le premier appel est fini, on passe au deuxième.
 - Les appels récursifs ne sont pas lancés en même temps.

Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$

`fibonacci(4);`

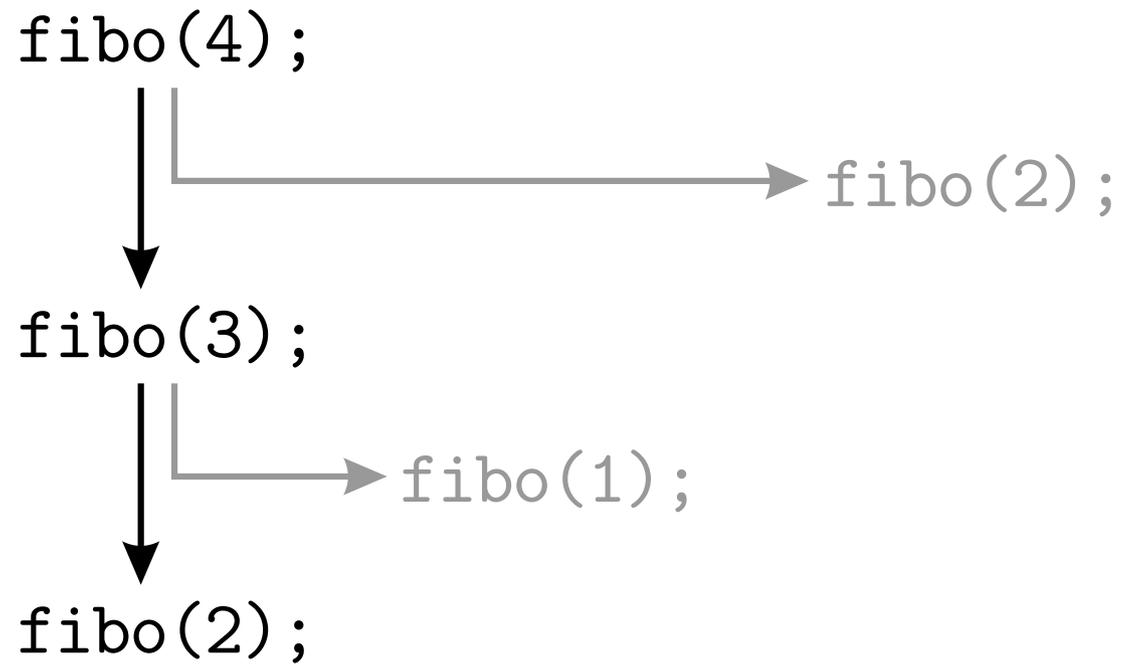


`fibonacci(3);`

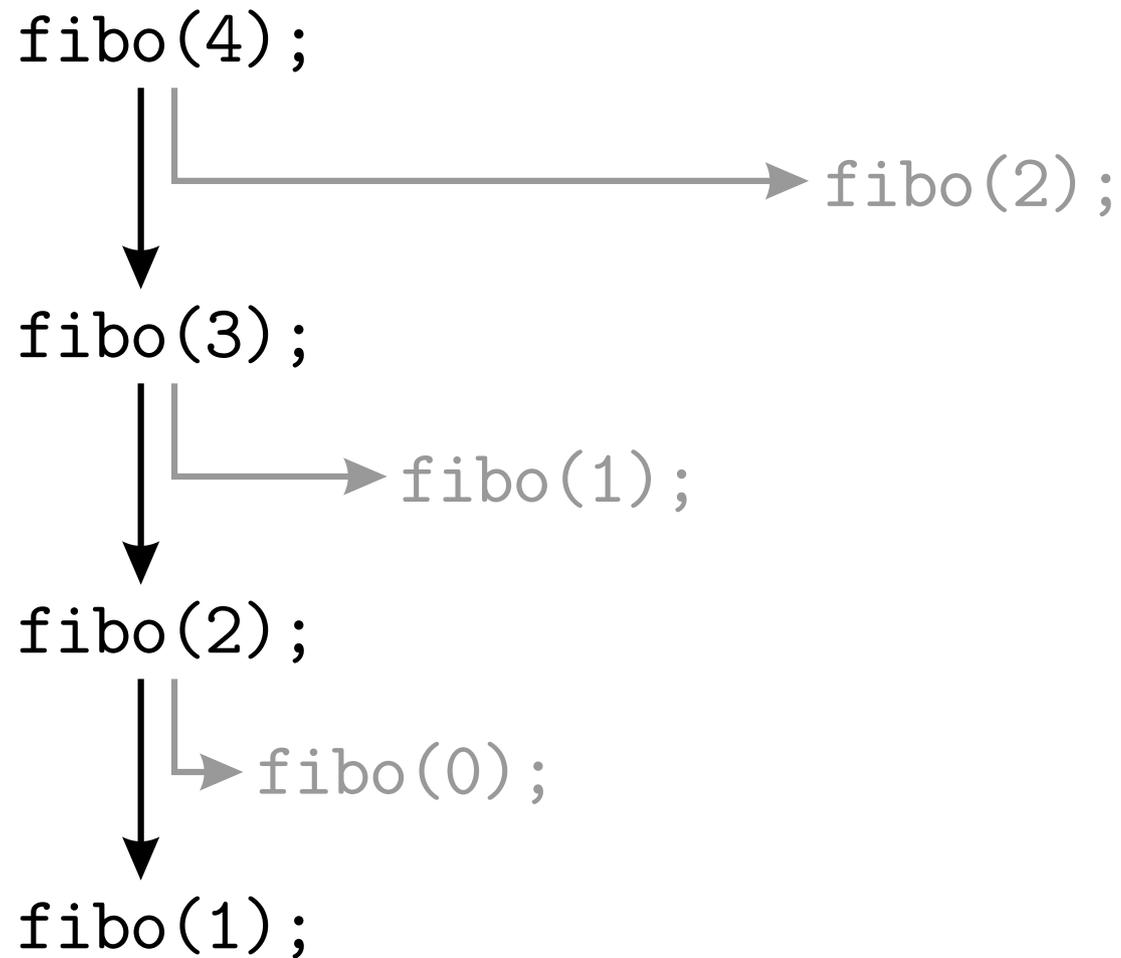


`fibonacci(2);`

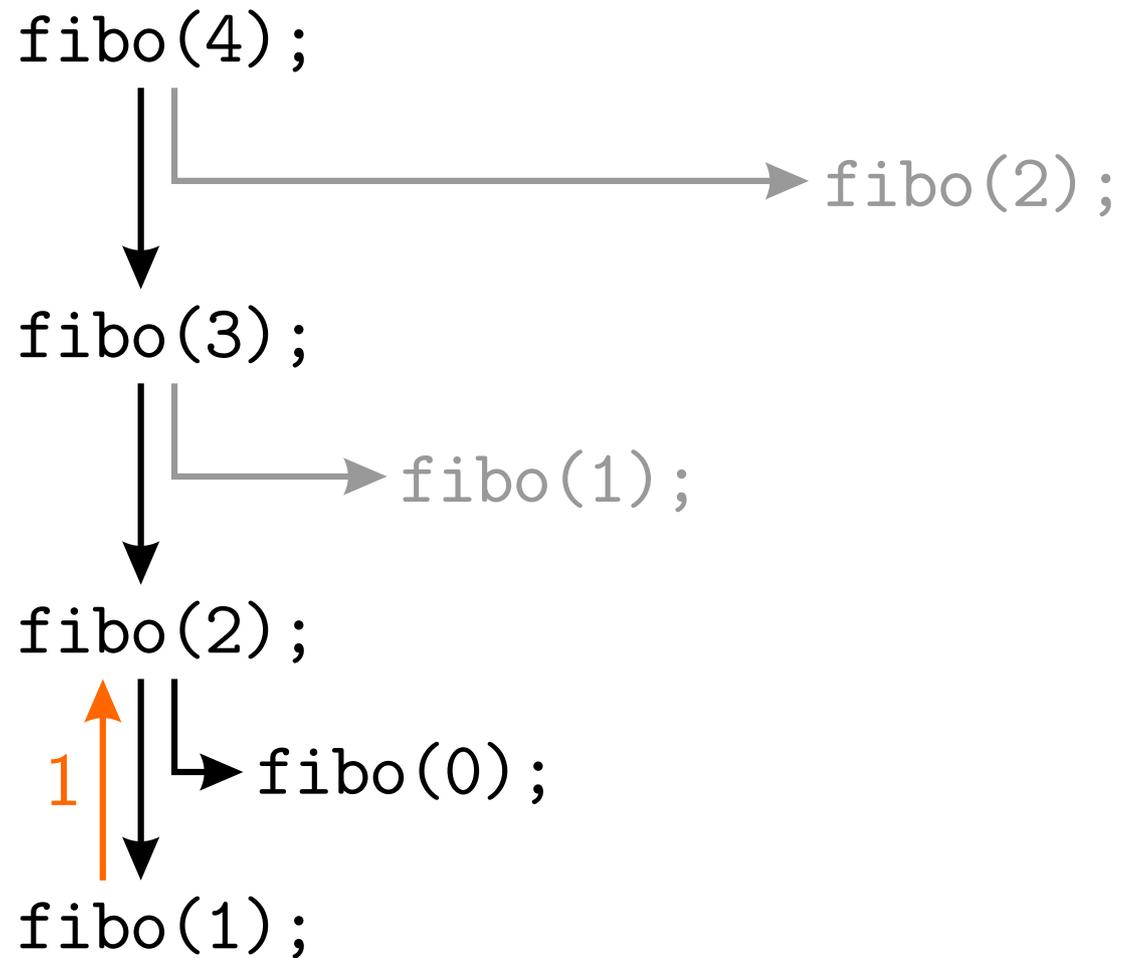
Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$



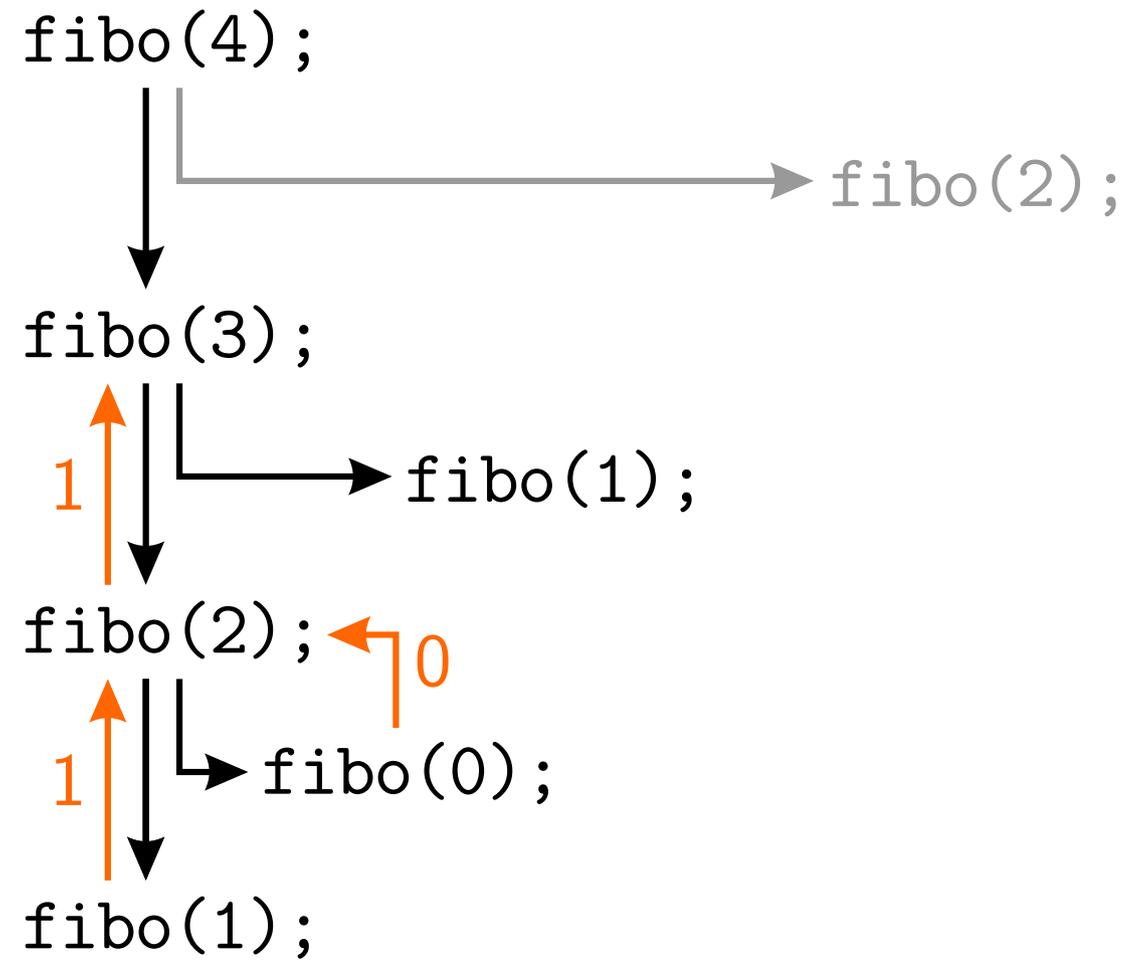
Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$



Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$

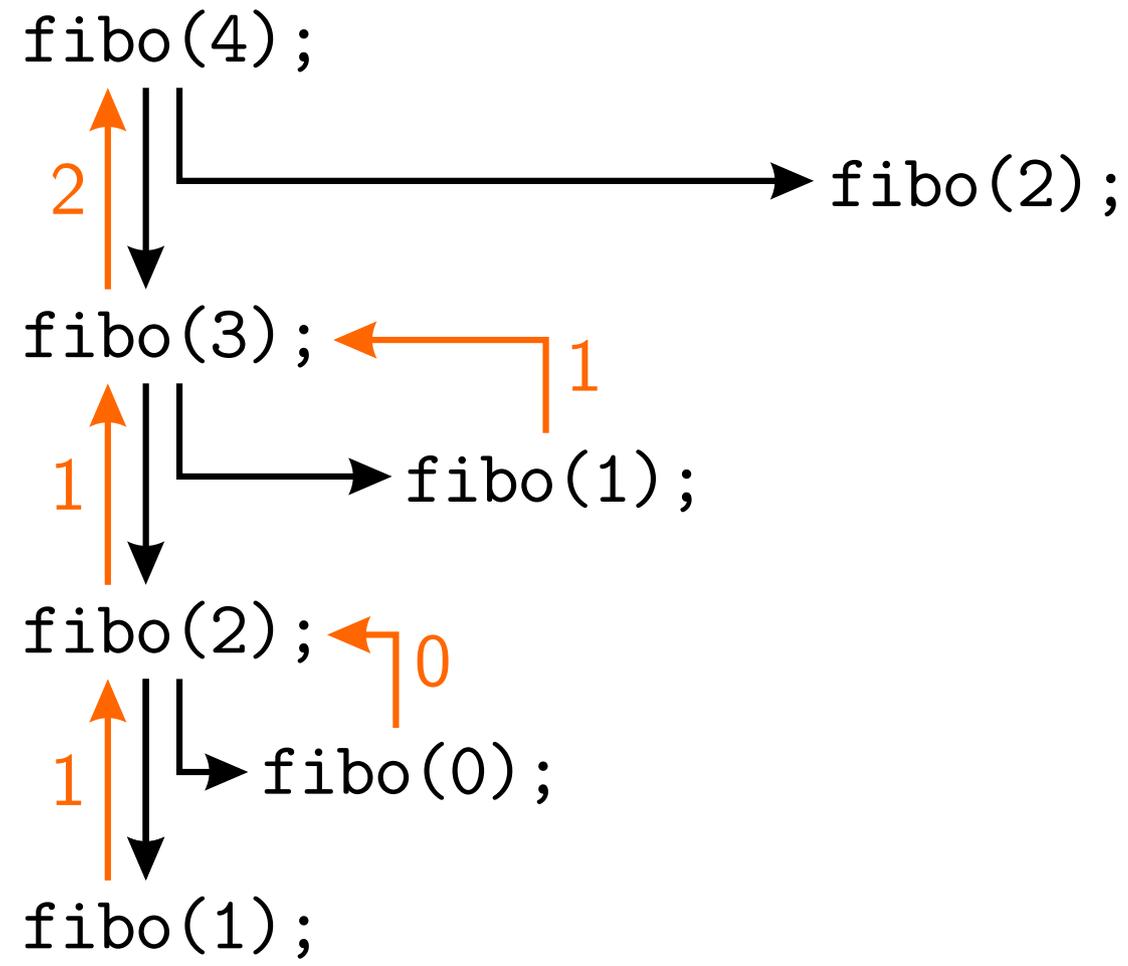


Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$



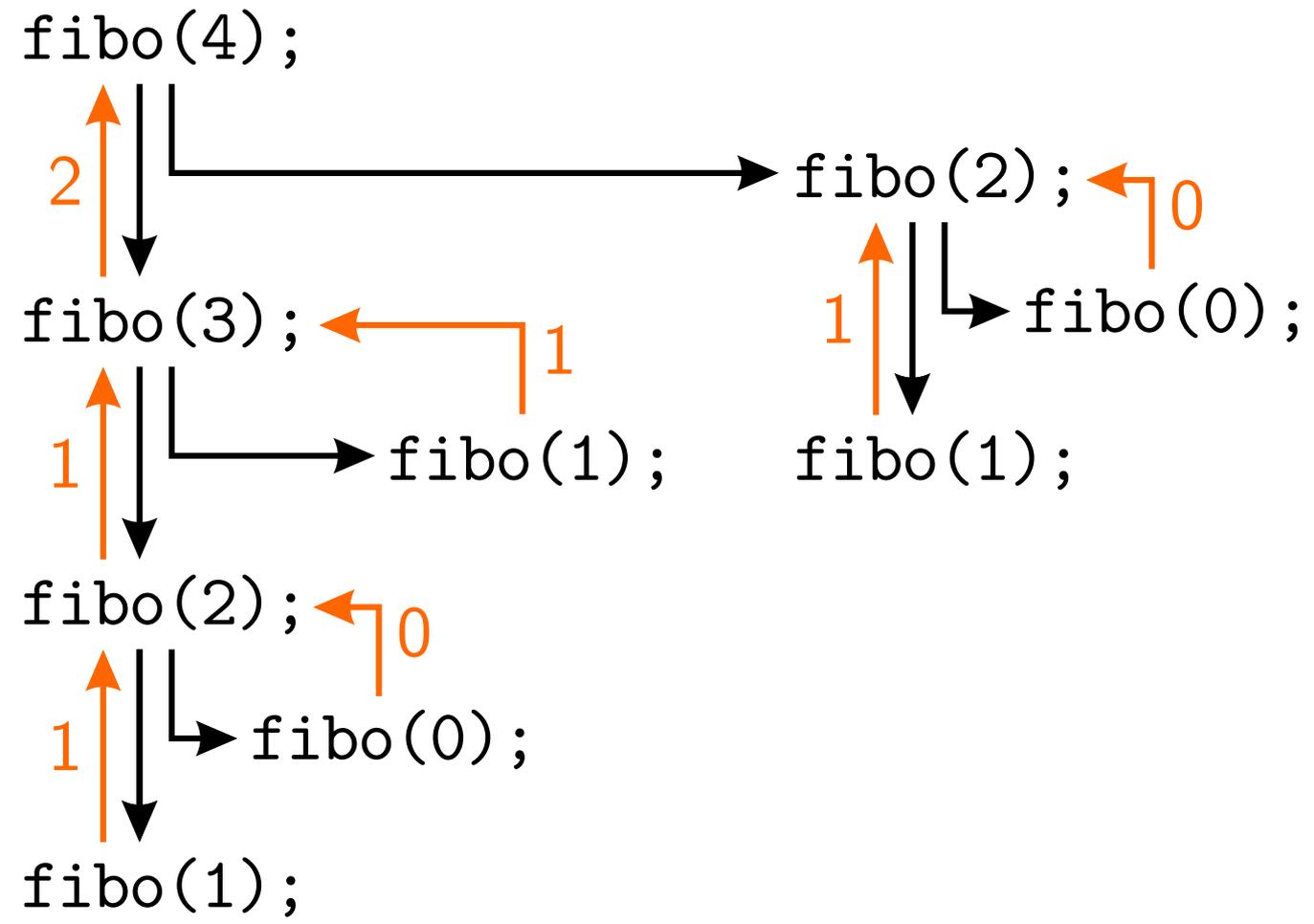
Appels récursifs multiples

Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$

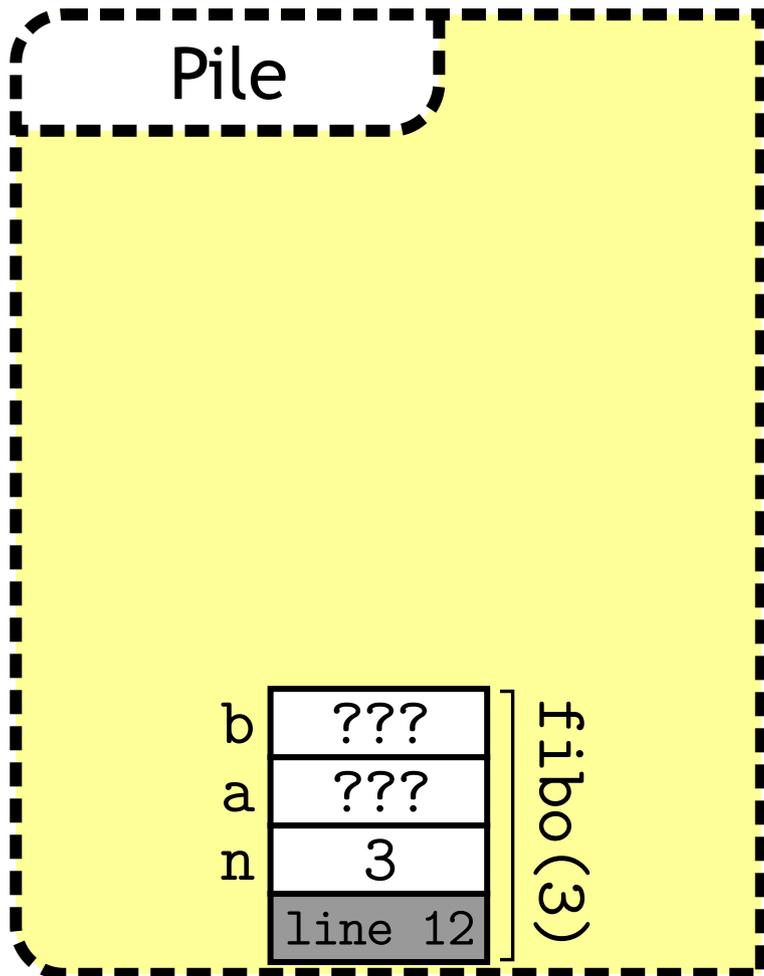


Appels récursifs multiples

Fibonacci : $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ et $F_0 = 0, F_1 = 1$



Déroulement d'un appel de fonction récursive



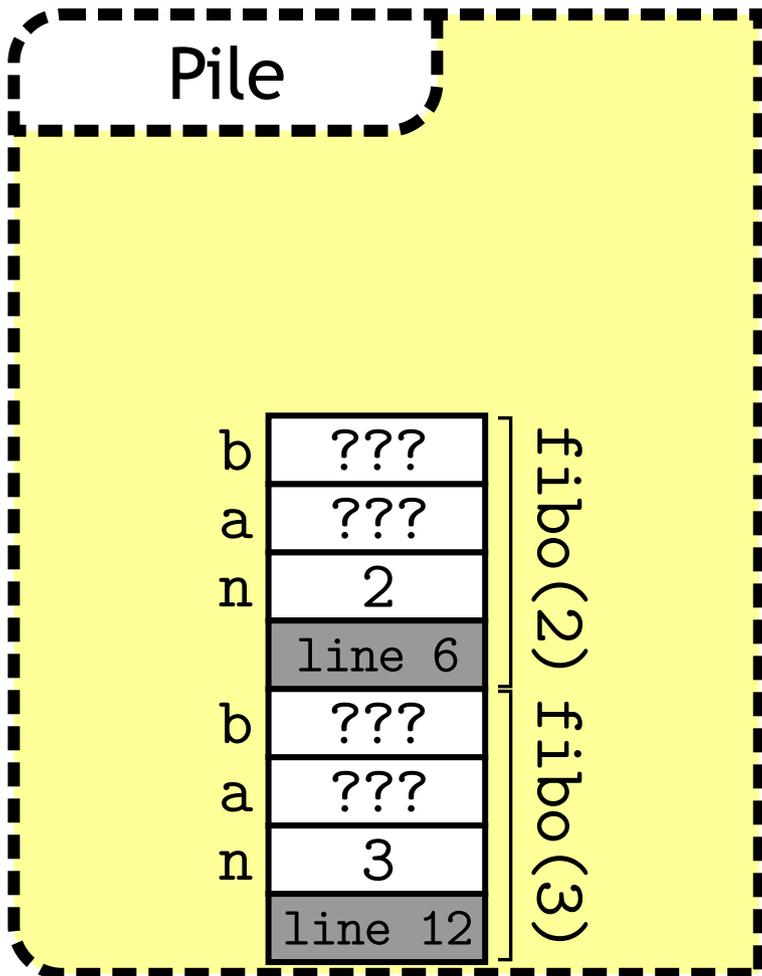
```

1  int fibo(unsigned int n) {
2      int a,b;
3      if (n < 2) {
4          return n;
5      }
6      a = fibo(n-1);
7      b = fibo(n-2);
8      return a + b;
9  }
10
11 int main() {
12  ▶ printf("%d\n", fibo(3));
13  }

```

✘ On commence par appeler `fibo(3)`.

Déroulement d'un appel de fonction récursive



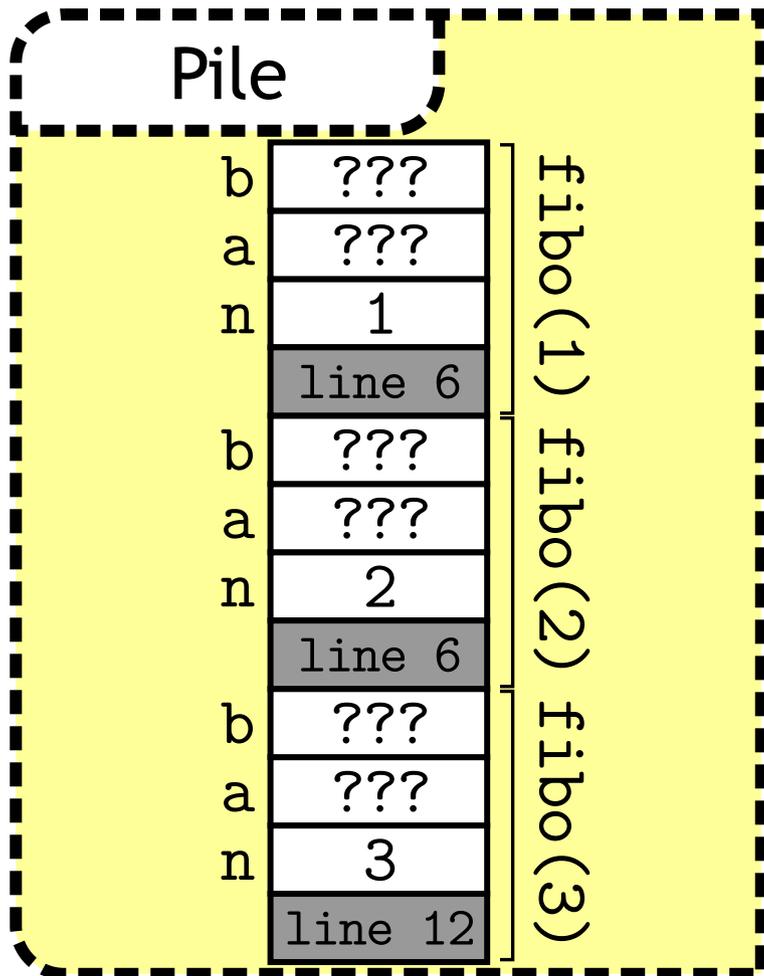
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     ▶ a = fibo(n-1);
7     b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ fibo(3) appelle fibo(2)...

Déroulement d'un appel de fonction récursive



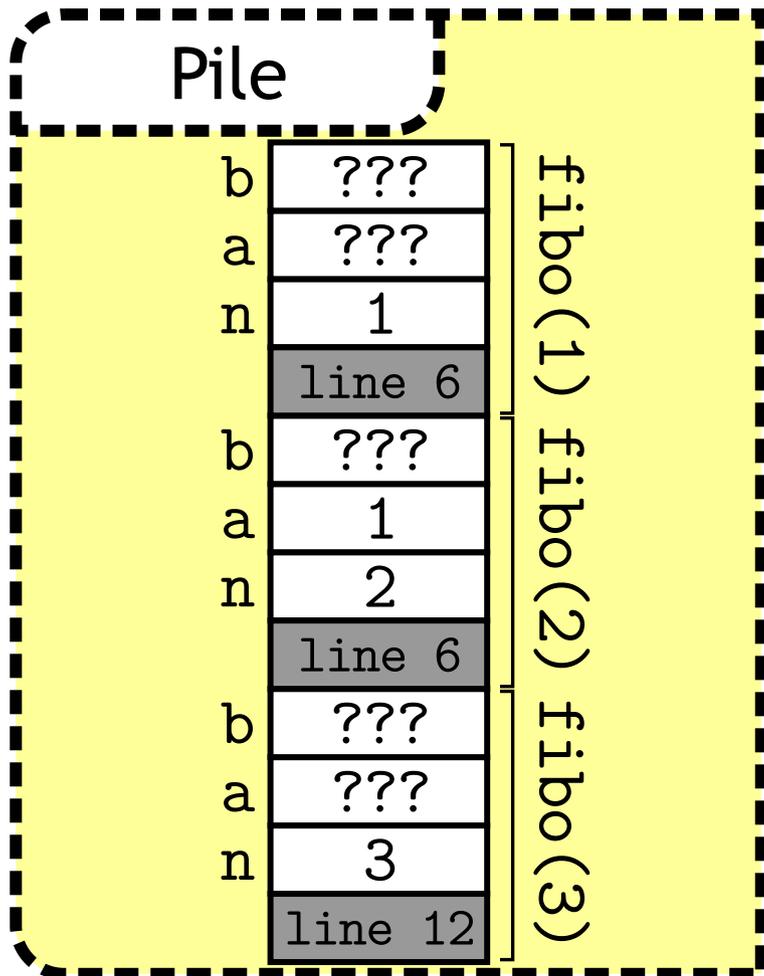
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     ► a = fibo(n-1);
7     b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ fibo(3) appelle fibo(2) qui appelle fibo(1).

Déroulement d'un appel de fonction récursive



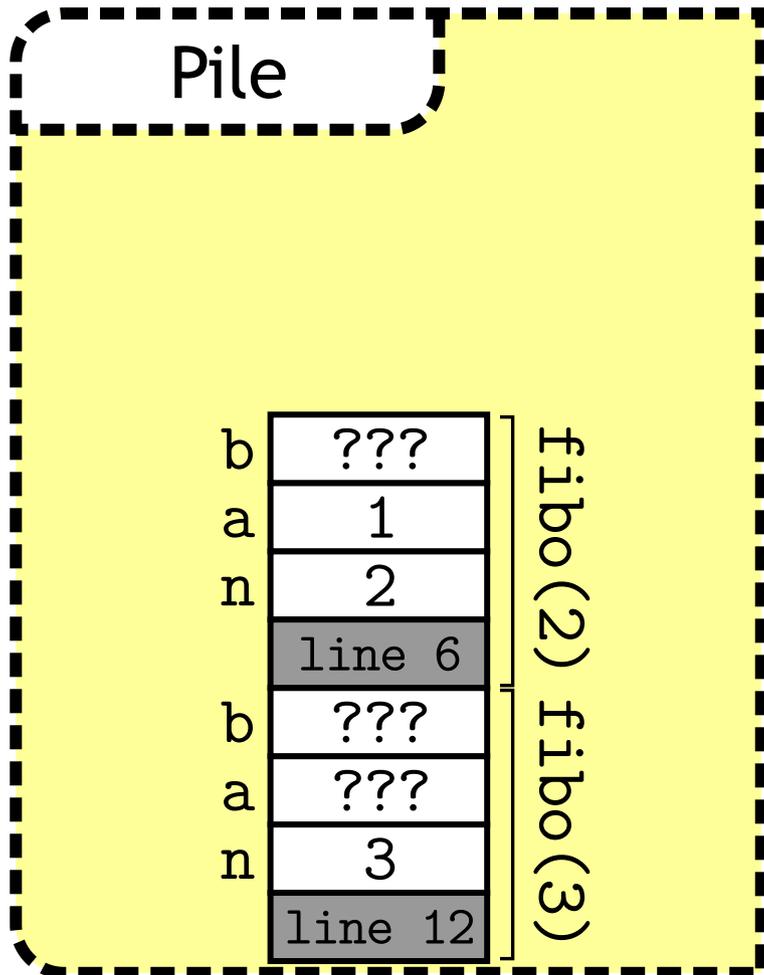
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         ► return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

- ✘ Le test ($n < 2$) est vrai :
 - ✘ fibo(1) retourne 1 à la ligne 6
 - a = 1 dans fibo(2).

Déroulement d'un appel de fonction récursive



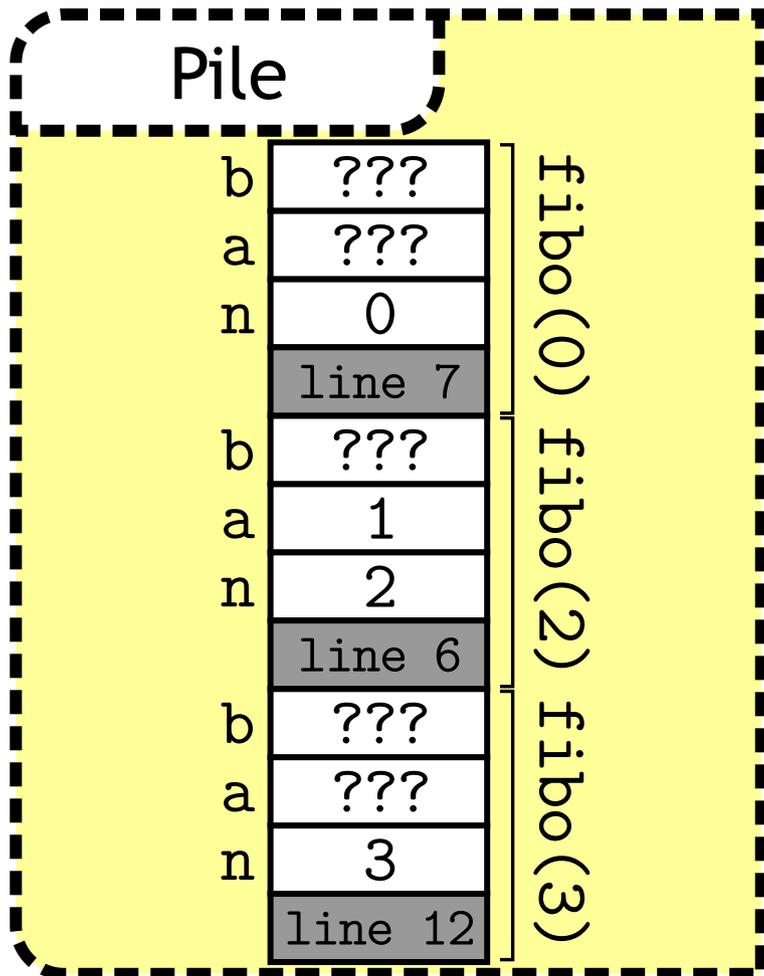
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     ▶ b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ On continue l'exécution de fibo(2).

Déroulement d'un appel de fonction récursive



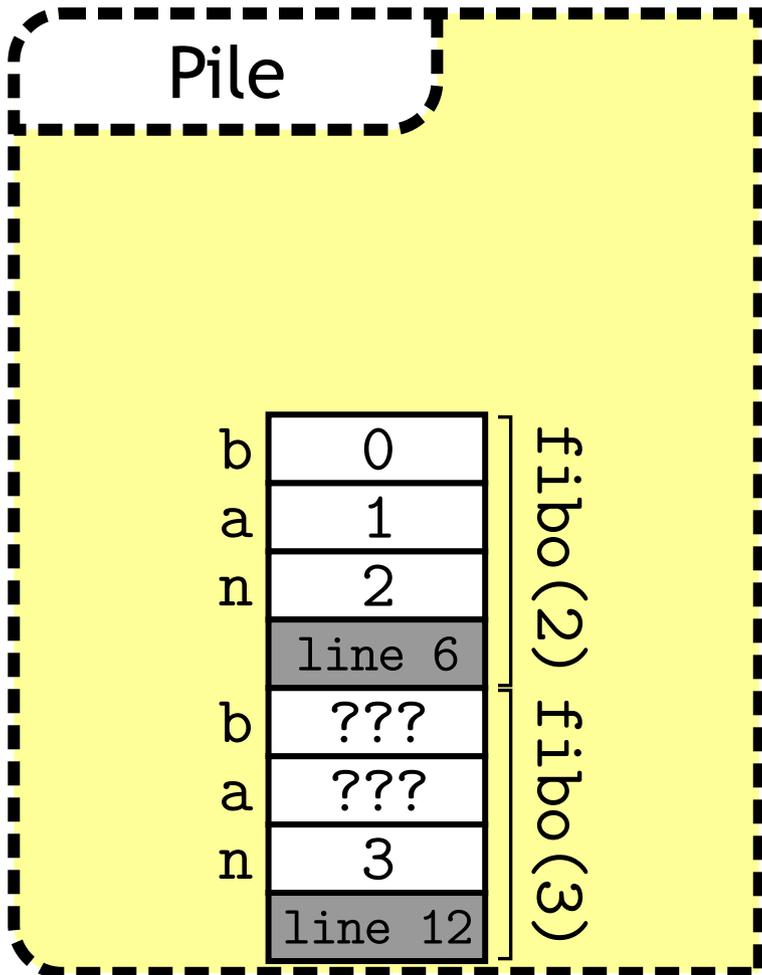
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     ► b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ fibo(2) appelle fibo(0)...

Déroulement d'un appel de fonction récursive



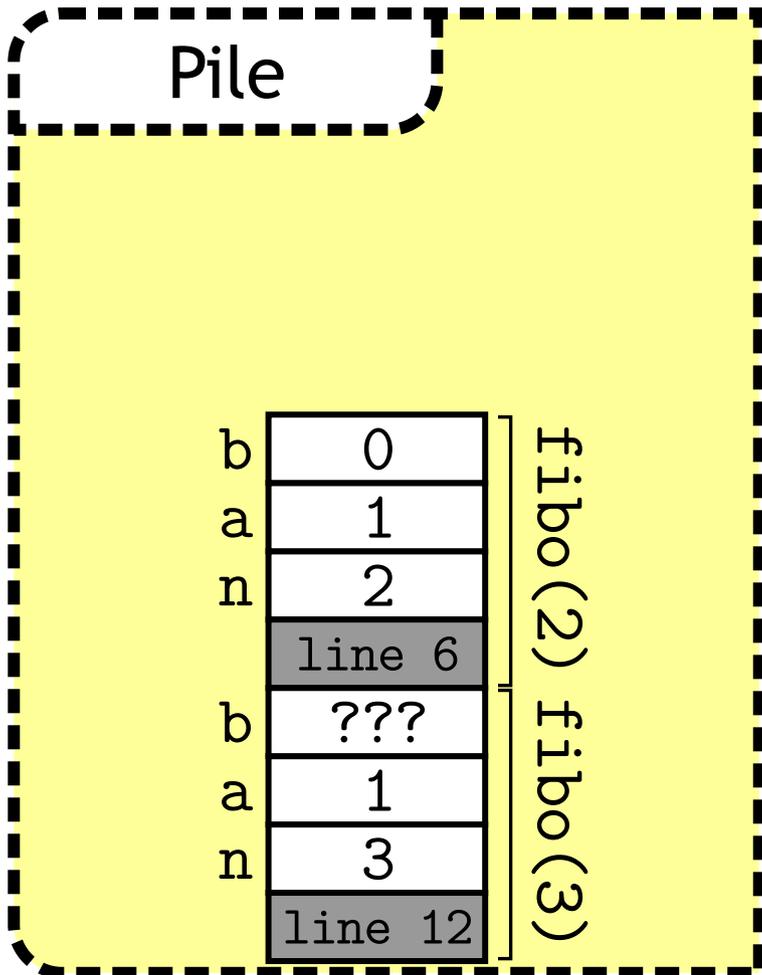
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     ► b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ fibo(2) appelle fibo(0) qui retourne 1.

Déroulement d'un appel de fonction récursive



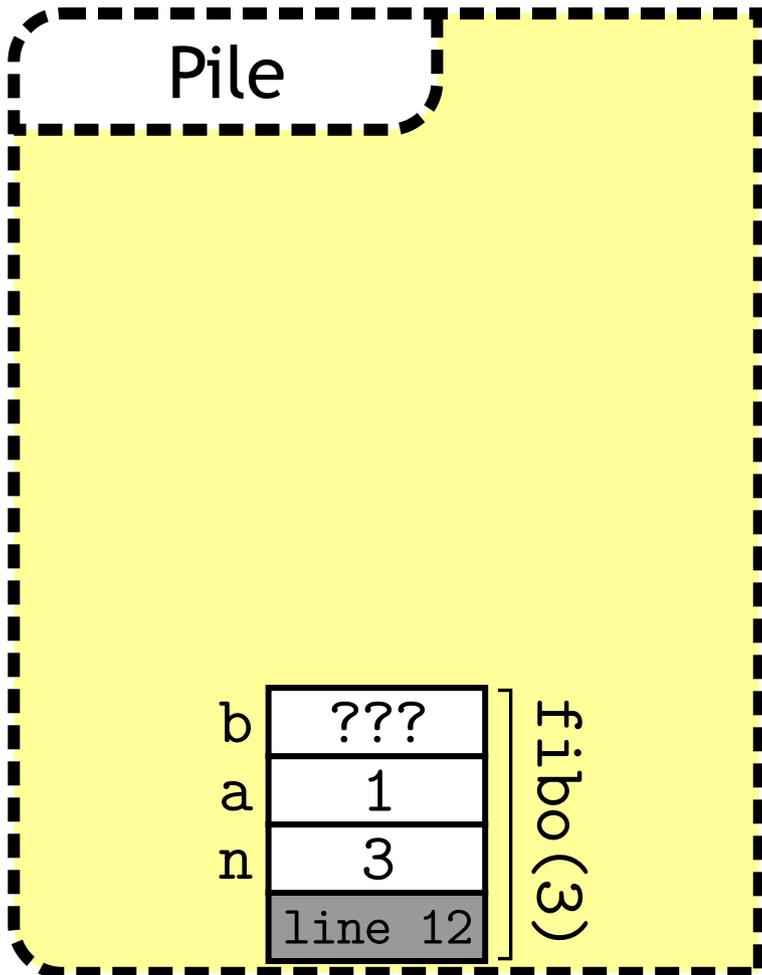
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     b = fibo(n-2);
8     ► return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ fibo(2) retourne a + b à la ligne 6 de fibo(3).

Déroulement d'un appel de fonction récursive



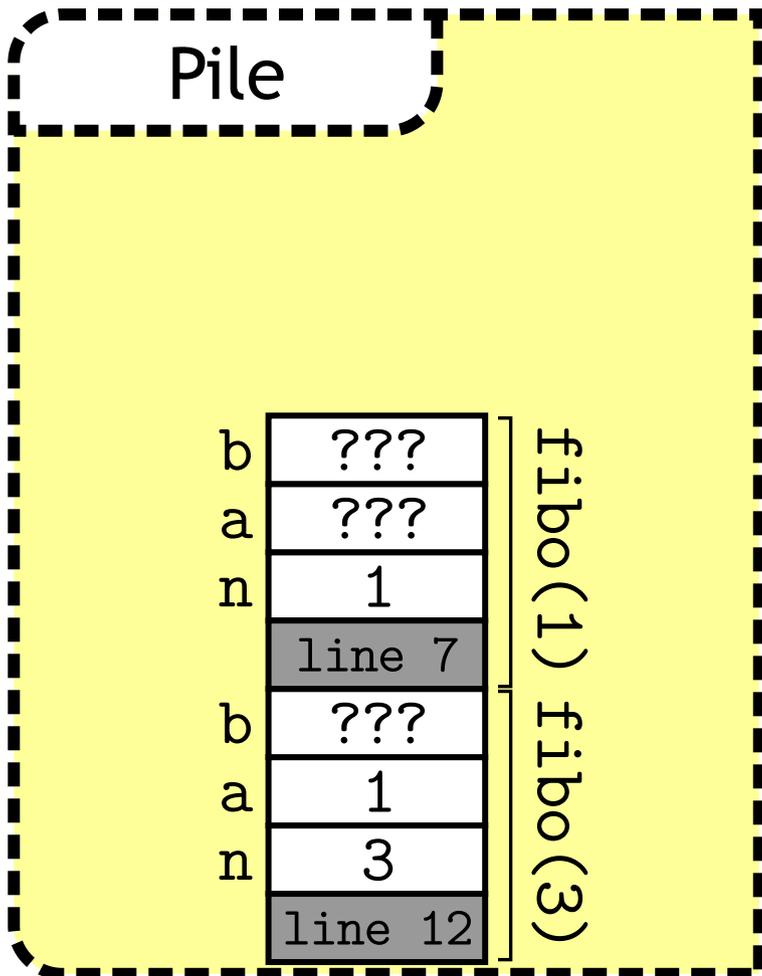
```

1  int fibo(unsigned int n) {
2      int a,b;
3      if (n < 2) {
4          return n;
5      }
6      a = fibo(n-1);
7      ► b = fibo(n-2);
8      return a + b;
9  }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ L'exécution de `fibo(3)` continue.

Déroulement d'un appel de fonction récursive



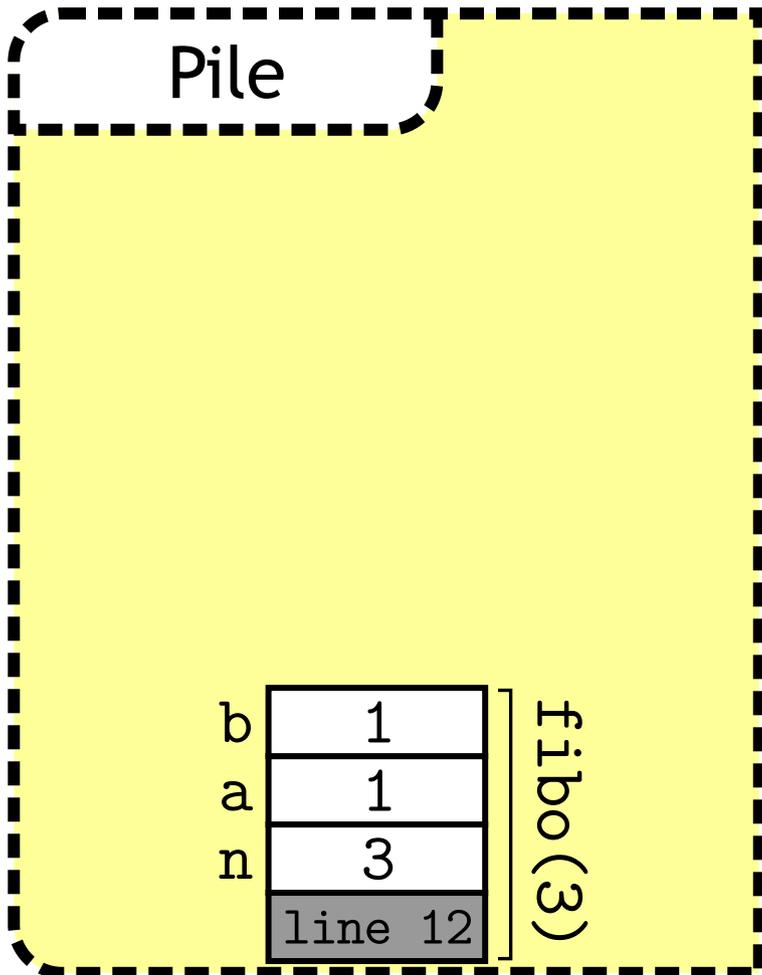
```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     ► b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ Appel de fibo(1).

Déroulement d'un appel de fonction récursive



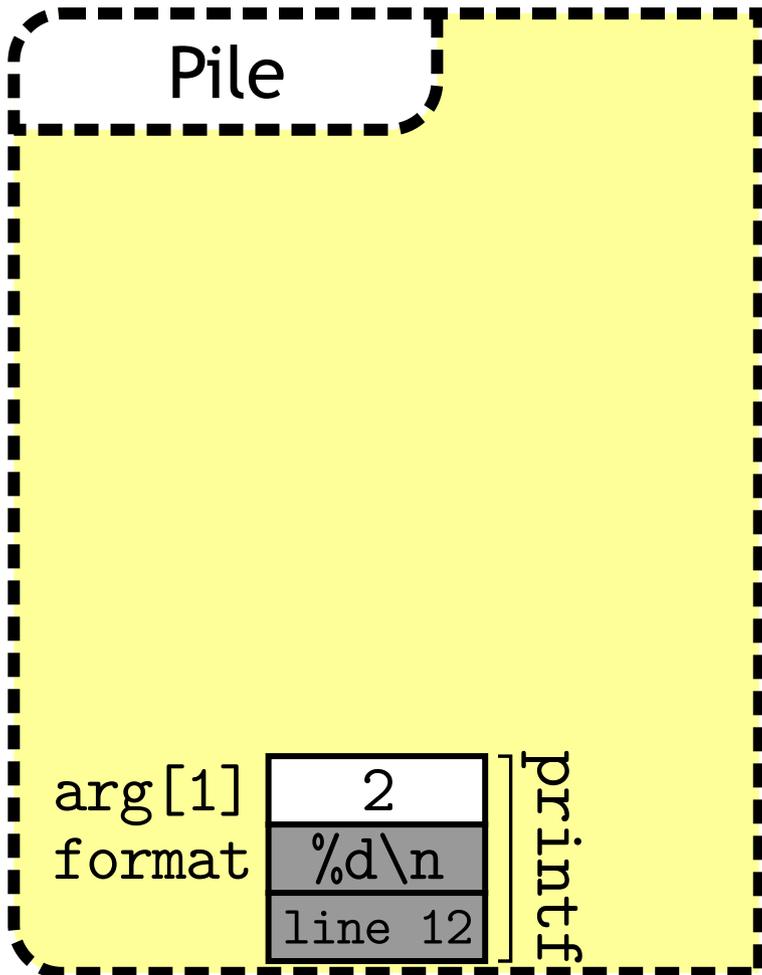
```

1  int fibo(unsigned int n) {
2      int a,b;
3      if (n < 2) {
4          return n;
5      }
6      a = fibo(n-1);
7      b = fibo(n-2);
8      ► return a + b;
9  }
10
11 int main() {
12     printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ L'exécution de `fibo(3)` va se terminer.

Déroulement d'un appel de fonction récursive



```

1 int fibo(unsigned int n) {
2     int a,b;
3     if (n < 2) {
4         return n;
5     }
6     a = fibo(n-1);
7     b = fibo(n-2);
8     return a + b;
9 }
10
11 int main() {
12     ► printf("%d\n", fibo(3));
13 }

```

✘ fibo(3) retourne 3 et on appelle donc printf.

- ✘ Les fonctions permettent de rendre le code plus modulaire :
 - ✘ décomposer un algorithme complexe en opérations simples,
 - simplifie l'analyse, l'optimisation ou la relecture,
 - ✘ écrire des bibliothèques de fonctions,
 - le prototype suffit à utiliser une fonction.

- ✘ Les fonctions récursives simplifient l'écriture du code :
 - ✘ correspondent souvent à la façon naturelle d'écrire un algorithme,
 - ✘ bien utilisées, elles sont aussi rapides qu'une boucle
 - exemple de la récursion terminale.

- ⚠ Les appels de fonctions sont compliqués pour le compilateur, mais pas pour l'utilisateur,
 - il ne faut pas se priver !